# TEKNIK

# **DAFTAR ISI**

				Hal
ß	Portland Dengan S Beton	aruh Penggantian S Semen Merah Terha	adap Kuat Tekan	83 - 88
Æ.	Kinerianya	kan Pompa Sentr <b>1 Simanjuntak</b>		89 - 97
L	Tegangan Tembus	uh Bentuk Elekt Udara		98 - 106
ß	Raphson Menggun	an Daya Dengan I lakan Program Etap <b>ar</b>		107 - 115
ß	Rekayasa Ran Pemasangan Kaca <b>Riccy Kurniawan</b>	cang Bangun N Mobil Otomatis	Model Sistem	116 - 122
Æ	Terhadap Minat Ka	ap Pengaruh Keu ryawan Menjadi Pes	erta Askes.	123 - 129
A	Mengunakan Fuz Saluran Transmis Simulasi Matlab	asi Dan Governor zy Logic Akibat C i Sistem Tenaga <b>bakar</b>	Gangguan Pada Listrik Dengan	130 - 137
i des	Perilaku Kurvatur Batu Apung Denga	Daktilitas Dari Balo n Berbagai Rasio Tu	k Beton Ringan angan Tarik	138 - 146
do do	Aplikasi Sensor Ga Herri Trisna Friant	147 - 153		
ليستو	Penentuan Kurva Berdasarkan Kondi	ram Dinamik Dete Pengatur Pengop isi Musim Tahun Air	erasian Waduk	154 - 160
Vol. 13	No. 2	Hlm 83 - 160	Medan Mei 2009	ISSN 1410-4520

# JURNAL ILMIAH "BULETIN UTAMA TEKNIK" FAKULTAS TEKNIK UISU

## Jurnal Ilmiah:

# "BULETIN UTAMA TEKNIK"

Diterbitkan oleh Fakultas Teknik Universitas Islam Sumatera Utara sejak September 1997. ISSN 1410-4520

Telah Terakreditasi sebagai Jurnal ilmiah berdasarkan Surat Keputusan Direktorat Jenderal Pendidikan Tinggi Departemen Pendidikan Nasional R.I :

Nomor : 52/Dikti/Kep/2002 Tanggal : 12 September 2002

Akreditasi Ulang dengan : Nomor : 55/Dikti/2005

Tanggal: 17 Nopember 2005

Pada saat ini dalam Proses Reakreditasi.

# Alamat Redaksi:

# Fakultas Teknik Universitas Islam Sumatera Utara Jalan Sisingamangaraja Kampus UISU Teladan Medan 20217 Telepon & Fax (061) 786 8049 E-mail:buletinteknik@uisu.ac.id

**Pelindung:** Rektor Universitas Islam Sumatera Utara

> **Penanggung Jawab:** Dekan Fakultas Teknik UISU

**Pemimpin Redaksi:** Ir. Muksin Rasyid Harahap, S.Pd, MT

## Redaksi Ahli:

Prof. Dr. Bustami Syam, MSME (USU)
Prof. Dr. HA. Rahim Matondang, MSIE (USU)
Prof. Dr. Abdul Muin Sibuea, MPd (UNIMED)
Prof. Dr. Muhammad Zarlis (USU)
Prof. Dr. Ir.Armansyah Ginting, M.Eng (USU)
Prof. Dr. Hj. Mohd. Razali Muhamad (UTeM)
Dr. Ir. Syafruddin Masri, M.Sc (USM)

## Redaksi Pelaksana:

Dr. Ir. M. Sobron Yamin Lubis, M.Sc. (UMSU) Ir. Raja Harahap, MT (USU) Ir. Jupriah Syarifah, MT (UISU) Ir. Tri Hernawati, M.Si (UISU) Rahmad Widia Sembiring, SE, M.Sc.,IT (USU)

## Editor:

Ir. Sudaryanto Sahril Batubara

**Sekretaris:** Ir. Silvi Ariyanti, M.Sc Syamsuddin Asmad

# PENGARUH PELETAKAN POMPA SENTRIFUGAL TERHADAP KINERJANYA

#### Janter Pangaduan Simanjuntak

Jurusan Teknik Mesin, Fakultas Teknik, Universitas Negeri Medan, Jl. Willem Iskandar Psr. V Medan Estate-Medan 20221 Telp. (061) 6625971

#### Abstrak

Tujuan penelitian ini adalah menyelidiki pengaruh peletakan pompa sentrifugal relatif terhadap permukaan sumber air yang akan dipompakan terhadap kinerjanya. Metode yang dilakukan adalah dengan membangun sistem pemipaan dan meletakkan pompa masingmasing di atas dan di bawah permukaan sumber air yang akan dipompakan. Diameter pipa isap (suction pipe) dan pipa tekan (discharge pipe) dari jenis PVC diambil sama yaitu 50 mm dan panjang masing-masing adalah 0,75 dan 1,2 meter. Sistem dibangun dengan menggunakan perangkat lunak Piping System Fluid Flow Software. Setelah sistem selesai dibangun maka dari katalog yang tersedia pada software, pompa dapat dipilih sesuai dengan jenis pompa yang digunakan pada umumnya. Spesifikasi pompa yang digunakan adalah Euro-HYGIA I/30b 50, diameter impeller 140 mm dan putaran 2900 rpm. Pengujian dilakukan dengan membuat laju aliran yang bervariasi dengan cara membuka katup manual mulai dari 5 sampai 100 persen. Data yang diperlukan adalah besarnya tekanan yang terbaca pada instrumen pengukur tekanan pressure gauge yang ditempatkan pada sisi masuk (suction pressure) dan keluar pompa (discharge pressure). Dari data dan hasil pengujian yang ditunjukkan melalui kurva karakteristik ternyata tidak ada perbedaan tinggi tekan (head) yang signifikan bila pompa ditempatkan di atas maupun di bawah sumber air yang akan dipompakan. Dari penelitian ini diperoleh bahwa peletakan pompa lebih rendah dari permukaan sumber menunjukkan titik operasional yang lebih baik.

# Kata-kata kunci: Pompa Sentrifugal, Tinggi Tekan, Efisiensi, Titik Operasional

## Abstract

The aim of this reseach is to investigate the influence of centrifugal pump placing relative to the level of source to it's performance. Pumps placement on the piping system may under or above of the source level that has to be pumped, however, this will directly impact to pumps head. Piping system is constructed by using Piping System Fluid Flow Software. Each suction and discharge pipe are made from PVC pipe type with 50 mm diameter. Suction pipe length is 0.75 m and discharge pipe lengh is 1.2 m. Pump type is selected from a softwares catalog. The pump spesifications are Euro-HYGIA I/30b 50 type, 140 mm impeller diameter, and 2900 rpm. Important data in this research are suction pressure gauge value and discharge pressure value. The pumps characteristic shows that there is no different pumps head betwen case A and case B. But the pumps performance different in BEP depends on percentage of opening the manual flow control valve. According to BEP of the piping system in case A an B, actually the case B more good than the case A.

Keywords: Centrifugal Pump, Head, Efficiency, Duty Point

#### Pendahuluan

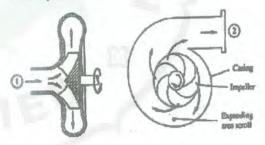
Pompa sentrifugal adalah suatu mesin yang sangat banyak digunakan dalam kehidupan sehari-hari, baik dalam rumah maupun dalam perindustrian. tangga Khusus untuk industri penggunaan pompa ini mungkin dalam jumlah yang banyak. mengoperasikan pompa ini Untuk membutuhkan daya listrik walaupun dalam beberapa hal pompa ini dapat dikopel dengan mesin yang langsung menghasilkan daya poros misalnya motor bakar, turbin dan lain-lain.

Dalam mengoperasikan pompa ini sering diabaikan masalah efisiensi yang sangat erat hubungannya dengan daya listrik yang harus kita suplai ke pompa tersebut apalagi jumlah pompa yang digunakan cukup bayak ataupun kapasitas pompa yang dibutuhkan cukup besar. Umumnya perusahaan pembuat pompa hanya menuliskan spesifikasi pompa sementara informasi karakteristik atau kondisi kerja yang efektif tidak diberikan, sehingga untuk mengetahui kinerja sebuah pompa harus dilakukan pengujian dilaboratorium.

Total tinggi tekan pompa (total head) dan laju aliran (flow) sangat menentukan kriteria pompa dalam aplikasinya, jadi penetuan kriteria pompa bukan didasarkan discharge (discharge tekanan pada pressure) karena laju aliran tidak dapat ditentukan berdasarkan tekanan ini. Tekanan discharge sangat tergantung kepada tekanan isap (suction pressure) dan tekanan isap ini sangat dipengaruhi oleh penempatan pompa terhadap sumber air. Misalnya untuk laju aliran yang sama tetapi penempatan pompa terhadap sumber berbeda maka tekanan discharge-nya akan pengoperasian, berbeda juga. Saat pompa relatif terhadap penempatan sumber air sangat berpengaruh terhadap karakteristik pompa dimana posisinya dapat ditempatkan diatas ataupun dibawah sumber.

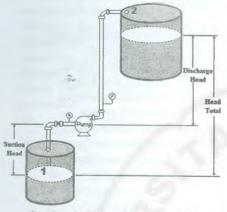
#### Teori Dasar Pompa Sentrifugal

Pompa sentrifugal adalah suatu mesin yang memberikan energi kepada suatu fluida inkompressibel sehingga fluida tersebut bergerak naik ke ketinggiaan tertentu. Mesin menggunakan percepatan, bukan gaya sentrifugal untuk mengubah energi mekanik melalui putaran impeller menjadi energi hidrolik (hydraulic energy) dalam bentuk kecepatan atau energi kinetik fluida, selanjutnya menjadi energi tekanan. Dengan kata lain bahwa pompa menciptakan tekanan, hanya tidak memberi aliran. Tekanan hanyalah indikasi dari jumlah tahanan yang diberikan oleh sistem kepada aliran. Semua bentuk energi terlibat fluida dalam aliran yang dinyatakan dalam tinggi kolom cairan vang disebut dengan tinggi tekan (head). Berikut ini adalah gambar sketsa sebuah pompa sentrifugal dengan bagian-bagian utamanya.



#### Gambar 1. Sketsa dan aliran fluida pada Pompa Sentrifugal

Tekanan diperlukan untuk menghisap maupun memompa cairan melewati sistim pada debit aliran tertentu. Tekanan pada sisi 1 (suction) harus vakum atau sering disebut tekanan hisap, sedangkan pada sisi 2 (discharge) adalah tekanan positip seperti yang ditunjukkan pada Gambar 1. Tekanan ini harus cukup tinggi untuk mengatasi tahanan sistim, yang juga disebut "head". Head total merupakan jumlah dari head statik (Hs), head gesekan (Hf) dan head tekanan penguapan (Hpv). Head statik merupakan perbedaan tinggi antara sumber dan tujuan dari cairan yang dipompakan seperti yang ditunjukkan pada Gambar 2.



Gambar 2. Skema Sistem Pompa

Head statis terdiri dari *head* hisapan statis (hs) yang dihasilkan dari pengangkatan cairan relatif terhadap garis pusat pompa, hs bernilai positif jika ketinggian cairan diatas garis pusat pompa, dan negatif jika ketinggian cairan berada dibawah garis pusat pompa (juga disebut "pengangkat hisapan"). *Head* pembuangan statis (hd) yaitu jarak vertikal antara garis pusat pompa dan permukaan cairan dalam tangki tujuan.

Dengan asumsi aliran adalah stedi maka persamaan Bernoulli dapat diterapkan dari titik 1 ke titik 2 pada Gambar 2 diatas sebagai berikut.

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} + Z_1 + H = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{V_2^2}{2g} + Z_2 + h_f(1)$$

$$H = \left(\frac{P}{\rho g} + \frac{V^2}{2g} + Z\right)_2 - \left(\frac{P}{\rho g} + \frac{V^2}{2g}\right)_1 = h_s - h_f(2)$$

Bila kerugian gesekan sepanjang sistem diabaikan maka

$$H = \left(\frac{P}{\rho g}\right)_2 - \left(\frac{P}{\rho g}\right)_1 = \left(\frac{P_2 - P_1}{\rho}\right) = \frac{\Delta P}{\rho g}$$
(3)

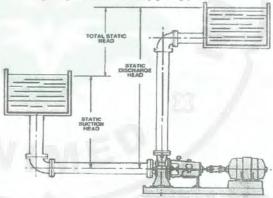
Keluaran pompa atau daya hidrolik (hp) yang dikirimkan oleh pompa/impeller ke air dapat dihitung sebagai berikut:

$$Daya \, hidrolik\left(h_{p}\right) = \frac{Qx H x \rho x g}{1000} \tag{4}$$

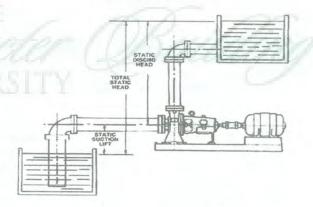
dimana p adalah tekanan,  $\rho$  adalam massa jenis fluida, V adalah kecepatan aliran fluida, g adalah percepatan gravitasi bumi, Q adalah debit aliran (m<sup>3</sup>/det), H adalah tinggi tekan total (hs + hd) dalam satuan meter.

#### Letak Pompa

Dalam penggunaan pompa sering dihadapkan pada persoalan tempat untuk mendudukkan pompa, hal ini tergantung kepada situasi yang terjadi di lapangan. Gambar berikut menunjukkan posisi mendudukkan pompa relatif terhadap sumbu pompa (centreline of pump)



Gambar 3. Letak permukaan air di bawahsumbu pompa

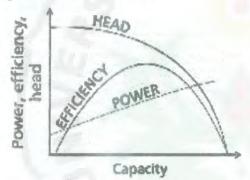


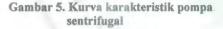
91



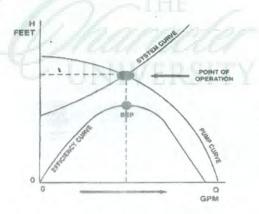
#### Kurva Karakteristik Pompa

Daya guna (performance) sebuah pompa sentrifugal dapat ditunjukkan secara grafik pada kurva karakteristik pompa (pumps characteritic curve). Tipikal kurva karakteristik menunjukkan total head, daya masukan (brake horse power), efficiency, dan net positive suction head (NPSH) yang di formulasi (plotted) dalam jangkauan kapasitas aliran pompa yang dapat dilihat pada Gambar 5 berikut ini.





Setiap pompa sentrifugal dirancang agar beroperasi se-optimal mungkin dan dalam kurva karakteristik bahwa titik operasi kerja pompa yang sering disebut dengan operations point dimana kurva head pompa dan kurva sistem bertemu pada satu titik operasi dan pada saat itu efisiensi pompa sudah maksimum seperti yang ditunjukkan pada gambar berikut ini.





92

#### Efisiensi Pompa

Efisiensi sebuah mesin didasarkan kepada besarnya energi yang dapat diobah menjadi bentuk energi yang lain. Untuk pompa sentrifugal, efisiensi atau kinerja dapat dilihat dari kurva karakteristiknya. Efisiensi menyeluruh sebuah pompa sentrifugal adalah perbandingan (ratio) energi hydraulic sebagai keluaran (output) dan energi masukan (input) dan dinyatakan dengan,

$$\gamma_p = \frac{P_W}{P_S} \tag{5}$$

dimana n<sub>p</sub> adalah efisiensi pompa, Pw adalah energi hydraulic atau daya yang diberikan ke air oleh sudu-sudu yang berputar (impeller), dan Ps adalah daya yang diberikan oleh elektromotor ke poros pompa (input power).

Energi hidraulik ditentukan dengan,

$$P_W = \frac{Q x H x G R}{6128} \tag{6}$$

jadi

1

$$\eta_P = \frac{Q \, x \, H \, x \, GR}{6128 \, x \, P_{\rm s}} \tag{7}$$

dimana

Q = debit aliran dalam L/men

H = tinggi tekan (head) dalam meter

GR = gravitasi jenis air

Input power (P<sub>s</sub>) dapat diukur dengan menggunakan dinamometer, yaitu :

$$P_{S} = \tau \, \omega \quad (8)$$
Atau
$$P_{S} = \frac{M \, g \, R}{2\pi \, N}$$

60

(9)

dimana :

A

 $\tau = \text{Torsi electromotor (Nm)}$ 

 $\omega = \text{Kecepatan sudut (rad/det)}$ 

M = Beban torsi (N)

R = Panjang lengan torsi (m)

N = Putaran pompa (rpm)

g = percepatan gravitasi bumi (m/det<sup>2</sup>)

Persamaa (8) dan (9) digunakan untuk memperoleh *input power* bila pengujian dilakukan dengan menggunakan alat ukur dinamometer, sedangkan bila saat pengujian, data tegangan dan kuat arus diperoleh maka untuk menghitung input power adalah dengan menggunakan persamaan:

 $P_{S} = \eta_{motor} \sqrt{3} (PF) EI \tag{10}$ 

 $\eta_{motor} = efisiensi motor listrik$ 

PF = faktor dayaE = tegangan listrik

I = kuat arus listrik.

Untuk pompa dengan putaran konstan sementara untuk percobaan dibutuhkan variasi kecepatan maka dapat dilakukan koreksi terhadap putaran pompa dengan persamaan :

$$Q_2 = Q_1 \left(\frac{N_2}{N_1}\right) \tag{11}$$

dimana

N<sub>1</sub> = putaran spesifikasi pompa

 $N_2$  = putaran pompa yang diinginkan  $Q_1$  = debit aliran spesifikasi  $Q_2$  = debit aliran koreksi putaran

#### **Tujuan Penelitian**

Berdasarkan uraian-uraian diatas, maka tujuan dilakukannya penelitian ini adalah sebagai berikut:

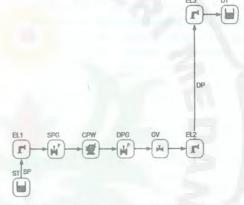
- a) Melakukan pengujian terhadap pompa untuk mendapatkan kurva karakteristik pompa yang dioperasikan pada dua posisi penempatan pompa relatif terhadap sumber, yaitu di atas garis sumbu pompa dan di bawah garis sumbu pompa
- b) Mengetahui pengaruh peletakan pompa pada dua posisi yang berbeda terhadap tinggi tekan (*head*) yang sangat berpengaruh terhadap kinerja pompa
- c) Membandingkan performansi pompa atas kedua posisi penempatannya
- d) Mendapatkan posisi penempatan pompa yang optimal saat dioperasikan sat

#### **Metode Penelitian**

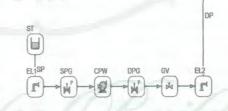
#### **Alat Percobaan**

Untuk melakukan percobaan dibutuhkan beberapa alat-alat sebagai berikut : Pompa sentrifugal putaran tetap, Manometer dan Flowmeter.

#### **Skema** Percobaan



Gambar 7. Letak permukaan air di bawah sumbu pompa (Kasus A)



Gambar 8. Letak permukaan air di atas sumbu pompa (Kasus B)

Keterangan gambar :

ST = Source tank (tangki sumber)

SP = Suction pipe (pipa isap)

EL = Elbow

SPG = Suction pressure gauge

CWP= Clean water pump

DPG = Discharge pressure gauge

GV = Gate valve

- DP = Discharge pipe
- DT = Delivery tank

#### Prosedur Percobaan

dilaksanakan dengan Percobaan melakukan simulasi pada Piping System Software. Dengan Fluid Flow ini sistem menggunakan software pemompaan yang ditinjau (Kasus A dan B) dapat dibangun. Pompa dan sistem pemipaan dibangun sesuai dengan metode percobaan. Kapasitas aliran air (volume flowrate) diatur secara manual dengan menggunakan katup kontrol (Flow control), dan di-set untuk debit aliran sama dengan nol atau disebut shut of dimana pada keadaan ini pompa berputar normal tetapi tidak ada aliran, keadaan ini pompa vang menunjukkan head maksimum. Untuk keadaan laju aliran berikutnya diatur dengan membuka katup pengatur aliran sesuai dengan laju aliran yang dibutuhkan. Percobaan diulangi untuk debit aliran yang semakin tinggi dan data tekanan isap dan buang dicatat, begitu seterusnya hingga debit alian percobaan yang terakhir. Hal yang sangat penting adalah bahwa pengambilan data dilakukan saat aliran sudah stedi.

#### Variabel Yang Diukur

Variabel yang diukur dalam percobaan ini adalah tekanan isap dan tekanan buang pompa. Sedangkan variable dari ubahannya adalah kapasitas aliran air yang melalui sistem yang diatur dengan katup kontrol manual. menggunakan dilakukan dengan Pengukuran menempatkan manometer pada sisi masuk dan sisi keluar dari pompa. Software akan melakukan iterasi sampai ratusan kali untuk mendapatkan nilai yang sesuai. Nilai akhir simulasi inilah yang dijadikan sebagai data penelitian untuk diolah kemudian.

#### **Hasil Penelitian**

Hasil pengukuran terhadap tekanan isap dan tekanan buang selama percobaan/simualsi yang dilakukan terhadap kedua kasus ditampilkan dalam tabel berikut ini.

Tabel 1. Data percobaan Pompa (Kasus A)

Valve open (%)	Debit (L/men)	Tek is ap (m H2O)	Tek buang (m H2O)	Daya pompa (kW)
5	128,244	47,274	673,141	4,477
15	185,569	-50,223	659,138	4,874
25	275,172	-56,909	621,514	5,651
35	399,030	-70,275	537,482	6,726
45	523,397	-88,471	420,182	7,267
55	607,474	-103,464	324,112	7,399
75	713,338	-125,957	140,137	8,873
100	732,671	-129,795	152,288	9,758

Tabel 2. Data percobaan Pompa (Kasus B)

Valve open (%)	Debit (L/men)	Tek isap (m H2O)	Tek buang (m H2O)	Daya pompa (kW)
5	133,917	10,060	729,675	4,512
15	193,630	6,858	714,140	4,938
25	286,672	-0,370	672,823	5,758
35	381,107	-119,271	600,633	6,592
45	381,107	-364,919	254,906	6,592
55	381,107	-452,248	167,577	6,592
75	381,107	-522,728	97,097	6,592
100	381,107	-531,448	88,377	6,592

\* Shut off position adalah keadaan tidak ada aliran saat pompa sedang beoperasi yang menyatakan maximum pump head

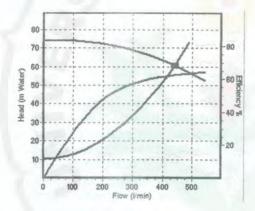
#### Pembahasan

Dari hasil perhitungan dan pengolahan data maka hasil penelitian dapat dilihat seperti yang ditunjukkan pada grafikgrafik pada Gambar 9 dan 10 berikut ini. Dari data dan hasil penghitungan yang ditunjukkan melalui kurva karakteristik (*characteristic curve*) ternyata tidak ada perbedaan tinggi tekan (*head*) yang signifikan bila pompa ditempatkan di atas maupun di bawah sumber air yang akan dipompakan. Hal ini dapat dijelaskan dari perbedaan tekanan yang terjadi antara tekanan pada sisi masuk dan tekanan pada sisi keluar pompa.

94

#### Pengaruh Peletakan Pompa Sentrifugal Terhadap Kinerjanya

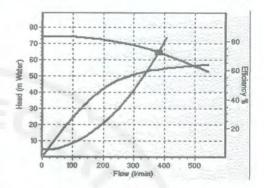
dengan baik pada jangkauan bukaan katup 31 sampai 48 persen seperti vang ditunjukkan oleh titik operasionalnya, pada saat itu efisiensi pompa berada pada iangkauan 59,7 sampai 64 persen. konsumsi daya 6,3 sampai 7,3 kilo watt, serta jangkauan kapasitas 346 sampai 533 liter per menit. Diluar dari yang telah disebutkan di atas maka operasional pompa belum atau menjadi tidak efektif atau pompa beroperasi diluar kurva karakteristik.



Gambar 11. Duty point untuk kasus A

Berbeda dengan pompa pada kasus B, dimana bukaan katup manual hanya efektif sampai 33 %, hal ini dapat dilihat pada gambar 12 vaitu grafik vang menunjukkan titik operasional pompa. Pompa pada kasus B beroperasi dengan baik pada jangkauan bukaan katup 28 sampai 33 persen seperti yang ditunjukkan oleh titik operasionalnya, pada saat itu efisiensi pompa berada pada jangkauan 58,6 sampai 60,9 persen, konsumsi daya 6,1 sampai 6,6 kilo watt, serta jangkauan kapasitas 332 sampai 381 liter per menit. Diluar dari yang telah disebutkan di atas maka operasional pompa belum atau menjadi tidak efektif atau pompa beroperasi diluar kurva karakteristik. Salah satu yang paling menarik dari penelitian ini adalah bahwa sistem pemipaan seperti pada kasus B menyebabkan pompa hanya efektif pada bukaan katup manual sampai 33 % dan walaupun bukaan katup ditambah lagi namun kapasitas aliran tidak bertambah lagi.

96



Gambar 12. Duty point untuk kasus B

#### Kesimpulan

- a) Tekanan discharge tergantung pada letak pompa
- b) Besarnya tinggi tekan (head) tidak dipengaruhi oleh letak pompa
- c) Untuk pompa yang diletakkan di bawah permukaan sumber akan lebih cepat untuk mencapai titik operasionalnya
- d) Secara keseluruhan bahwa sistem pemipaan dan penempatan pompa seperti pada kasus B adalah lebih hemat energi dibandingkan dengan sistem pemipaan dan penempatan pompa pada kasus A

#### **Daftar Acuan**

- Jacques Chaurette p. Eng, 2003, Pump System Analysys and Sizing, Fluid Design Inc, Ohio
- Jacques Chaurette p. Eng, 2003, Pump Performance Measurements, Fluid Design Inc, Ohio
- Larry bachus and Angel Custodia, 2003, Know and Understand Centrifugal Pumps, Oxford, UK.
- Lev Nelik, 1999, Centrifugal and Rotary Pumps Fundamentals With Applications, Washington, D.C.

#### Janter Pangaduan Simanjuntak

- Olson R.m., and Wright S. J., 1993, Dasar-Dasar Mekanika Fluida Teknik, Terjemahan Alex Tri Kantjono Widodo, Gramedia Pustaka Utama, Jakarta, hal. 326-374
- Robert W. Fox, and Alan T. McDonald, 1994, Introduction to Fluid Mechanics, 4<sup>th</sup> ed., Wiley, New York.
- Streeter, V.L., Benjamin Wylie, E. and Bedford, K. W., 1998, Fluid Mechanics, 9<sup>th</sup> Piping System Fluid Flow Edition, McGraw-Hill.

White, F.M., Fluid Mechanics, 5th Edition, McGraw-Hi